EXERCICE 1 - MARSEILLE 2000.

On donne : $D = (2x - 3)(5x + 4) + (2x - 3)^2$.

1. Montrer, en détaillant les calculs, que D peut s'écrire :

$$D = (2x - 3)(7x + 1)$$

2. Résoudre l'équation : (2x - 3)(7x + 1) = 0.

EXERCICE 2 - LIMOGES 2000.

- 1. Soit $D = 9x^2 1$.
 - a. Quelle identité remarquable permet de factoriser D?
 - **b.** Factoriser D.
- 2. Soit $E = (3x + 1)^2 + 9x^2 1$.
 - a. Développer E.
 - **b.** Factoriser E.
 - **c.** Résoudre l'équation : 6x (3x + 1) = 0.

EXERCICE 3 - NANTES 2000.

On considère l'expression:

$$E = (3x + 5)(2x - 1) + 9x^2 - 25$$

- 1. Développer et réduire E.
- **2.** Factoriser $9x^2 25$, puis l'expression E.
- **3.** Résoudre l'équation : (3x + 5)(5x 6) = 0.

EXERCICE 4 - PARIS 2001

$$E = 4x^2 - 9 + (2x + 3)(x - 1)$$

- 1. Factoriser $4x^2 9$. Utiliser ce résultat pour factoriser E.
- **2.** Développer et réduire E.
- **3.** Résoudre l'équation : (2x + 3)(3x 4) = 0

EXERCICE 5 - RENNES 2000.

1. Éric dit à Zoé : « Choisis un nombre x ; ajoute 1 au triple de x ; calcule alors le carré du nombre obtenu et retranche-lui le nombre 4. »

Quel résultat trouvera Zoé si elle choisit : x = 5?

2. Éric propose à Zoé quatre expressions dont l'une correspond au calcul qu'il lui a fait faire.

Voici ces quatre expressions :

$$A = 3(x+1)^2 - 4$$

$$B = 4 - (3x + 1)^2$$

$$C = (3x + 1)^2 - 4$$

$$D = (x + 3)^2 - 4$$

Quelle expression Zoé doit-elle choisir ?

- **3. a.** Factoriser : $C = (3x + 1)^2 4$.
 - **b.** Résoudre : (3x 1)(3x + 3) = 0.
 - **c.** Zoé rejoue ; elle choisit un nombre négatif et elle trouve alors zéro. Quel nombre a-t-elle choisi ? Vérifier alors le calcul de Zoé.

EXERCICE 6 - MADAGASCAR 2002

On considère les expressions :

$$E = 4x(x + 3)$$
 et $F = x^2 + 6x + 9$

- **1.** Résoudre l'équation E = 0.
- **2.** a. Calculer la valeur de F pour x = -2.
 - **b.** Vérifier que $F = (x + 3)^2$
- 3. a. Développer E.
 - **b.** Réduire E F.
 - **c.** Factoriser E + F.

EXERCICE 7 - POITIERS 2000.

On considère l'expression:

$$A = (2x + 1)^2 - (x - 3)(2x + 1)$$

- 1. Développer et réduire A.
- 2. Factoriser A.
- **3.** Calculer A pour $x = -\frac{1}{2}$

EXERCICE 8 - AFRIQUE 2000.

On donne l'expression : $E = (x - 2)^2 - 4x(x - 2)$

- 1. Développer et réduire E.
- 2. Factoriser E.
- **3.** Résoudre l'équation : (x 2)(-3x 2) = 0

EXERCICE 9 - ASIE 2000.

On donne : $C = (4x - 3)^2 - (6x + 1)(4x - 3)$.

- 1. Développer et réduire C.
- 2. Factoriser C.
- **3.** Résoudre l'équation : (4x 3)(-2x 4) = 0.

EXERCICE 10 - ANTILLES 2000.

On considère l'expression : $C = (2x + 1)^2 - 16$.

- 1. Développer et réduire C.
- 2. Factoriser C.
- **3.** Résoudre l'équation : (2x 3)(2x + 5) = 0.

EXERCICE 11 - LYON 2002

On considère l'expression : D = $(4x - 1)^2 + (x + 3)(4x - 1)$

- 1. Développer puis réduire D.
- 2. Factoriser D.
- **3.** Résoudre l'équation : (4x 1)(5x + 2) = 0

EXERCICE 12 - PONDICHERY 2002

$$A = (2x - 3)(2x + 3) - (3x + 1)(2x - 3)$$

- 1. Développer puis réduire A.
- 2. Factoriser A.
- **3.** Résoudre l'équation : (2x 3)(-x + 2) = 0

EXERCICE 13 - GRENOBLE 2001

On donne $F = (4x - 3)^2 - (x + 3)(3 - 9x)$

- 1. Développer et réduire $(4x 3)^2$
- 2. Montrer que $F = (5x)^2$
- **3.** Trouver les valeurs de x pour les quelles F = 125

EXERCICE 14 - NANTES 2002

Soit
$$A = (7x - 3)^2 - 9$$

- 1. Développer puis réduire A.
- **2.** Factoriser A.
- **3.** Résoudre l'équation : 7x(7x 6) = 0

EXERCICE 15 - PARIS 2000.

$$A = (x - 5)^2 - (2x - 7)(x - 5)$$

- 1. Développer et réduire A.
- 2. Factoriser A.
- **3.** Résoudre l'équation : (x 5)(-x + 2) = 0.

CORRIGE - M. QUET

EXERCICE 1 - MARSEILLE 2000.

- 1. $D = (2x-3)(5x+4) + (2x-3)^2$ D = (2x-3)[(5x+4)+(2x-3)] D = (2x-3)[5x+4+2x-3]D = (2x-3)(7x+1)
- 2. Résoudre l'équation : (2x 3)(7x + 1) = 0. soit 2x - 3 = 0, soit 7x + 1 = 0soit 2x = 3, soit 7x = -1soit $x = \frac{3}{2}$, soit $x = -\frac{1}{7}$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{3}{2}$ et $x = -\frac{1}{7}$.

EXERCICE 2 - LIMOGES 2000.

- **1.** Soit $D = 9x^2 1$.
 - **a.** L'identité remarquable est : $a^2 b^2 = (a+b)(a-b)$
 - **b.** D = $9x^2 1 = (3x)^2 1^2 = (3x+1)(3x-1)$
- 2. Soit $E = (3x + 1)^2 + 9x^2 1$.
 - a. Développement :

$$E = (3x+1)^2 + 9x^2 - 1$$

$$E = 9x^2 + 6x + 1 + 9x^2 - 1$$

$$E = 18x^2 + 6x$$

b. Factorisation

$$E = (3x+1)^2 + 9x^2 - 1$$

$$E = (3x+1)^2 + (3x+1)(3x-1)$$

$$E = (3x+1)[(3x+1)+(3x-1)]$$

$$E = (3x+1)[3x+1+3x-1]$$

$$E = 6x(3x+1)$$

c. Résoudre l'équation : 6x (3x + 1) = 0.

soit
$$6x = 0$$
, soit $3x + 1 = 0$

soit
$$x = 0$$
, soit $3x = -1$

soit
$$x = 0$$
, soit $x = -\frac{1}{3}$

Les solutions de l'équation sont x = 0 et $x = -\frac{1}{3}$.

EXERCICE 3 - NANTES 2000.

$$E = (3x+5)(2x-1)+9x^2-25$$

1. Développement :

$$E = 6x^2 - 3x + 10x - 5 + 9x^2 - 25$$

$$E = 15x^2 + 7x - 30$$

2. Factorisation:

$$9x^2 - 25 = (3x)^2 - 5^2 = (3x+5)(3x-5)$$

$$E = (3x+5)(2x-1)+(3x+5)(3x-5)$$

$$E = (3x+5)[(2x-1)+(3x-5)]$$

$$E = (3x+5)[2x-1+3x-5]$$

$$E = (3x+5)(5x-6)$$

3. Résoudre l'équation : (3x + 5)(5x - 6) = 0.

soit
$$3x + 5 = 0$$
, soit $5x - 6 = 0$

soit
$$3x = -5$$
, soit $5x = 6$

soit
$$x = -\frac{5}{3}$$
, soit $x = \frac{6}{5}$

Les solutions de l'équation sont $x = -\frac{5}{3}$ et $x = \frac{6}{5}$.

EXERCICE 4 - PARIS 2001

$$E = 4x^2 - 9 + (2x+3)(x-1)$$

1. Factorisation :

$$4x^2-9=(2x)^2-3^2=(2x+3)(2x-3)$$

$$E = (2x+3)(2x-3)+(2x+3)(x-1)$$

$$E = (2x+3)[(2x-3)+(x-1)]$$

$$E = (2x+3)[2x-3+x-1]$$

$$E = (2x+3)(3x-4)$$

2. Développement :

$$E = 4x^2 - 9 + 2x^2 - 2x + 3x - 3$$

$$E = 6x^2 + x - 12$$

3. Résoudre l'équation : (2x + 3)(3x - 4) = 0

soit
$$2x+3=0$$
, soit $3x-4=0$

soit
$$2x = -3$$
, soit $3x = 4$

soit
$$x = -\frac{3}{2}$$
, soit $x = \frac{4}{3}$

Les solutions de l'équation sont $x = -\frac{3}{2}$ et $x = \frac{4}{3}$.

EXERCICE 5 - RENNES 2000.

1. Éric dit à Zoé : « Choisis un nombre x ; ajoute 1 au triple de x ; calcule alors le carré du nombre obtenu et retranche-lui le nombre 4. »

Quel résultat trouvera Zoé si elle choisit : x = 5?

$$5 \rightarrow 3 \times 5 + 1 = 16 \rightarrow 16^2 = 256 \rightarrow 256 - 4 = 252$$

2. Éric propose à Zoé quatre expressions dont l'une correspond au calcul qu'il lui a fait faire.

$$x \to 3x+1 \to (3x+1)^2 \to (3x+1)^2 -4$$

3. a. Factorisation:

$$C = (3x+1)^{2} - 4 = (3x+1)^{2} - 2^{2}$$

$$C = [(3x+1)+2][(3x+1)-2]$$

$$C = [3x+1+2][3x+1-2]$$

$$C = (3x+3)(3x-1)$$

b. Résoudre :
$$(3x - 1)(3x + 3) = 0$$
.
soit $3x - 1 = 0$, soit $3x + 3 = 0$
soit $3x = 1$, soit $3x = -3$
soit $x = \frac{1}{3}$, soit $x = -\frac{3}{3} = -1$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{1}{3}$ et x = -1

c. Zoé rejoue ; elle choisit un nombre négatif et elle trouve alors zéro. Quel nombre a-t-elle choisi ? $(3x+1)^2 - 4$ se factorise en (3x+3)(3x-1)

Or l'équation $(3x+1)^2 - 4 = 0$ possède deux solutions, dont une solution négative : x = -1

$$-1 \rightarrow 3 \times (-1) + 1 = -2 \rightarrow (-2)^2 = 4 \rightarrow 4 - 4 = 0$$

EXERCICE 6 - MADAGASCAR 2002

On considère les expressions :

$$E = 4x(x + 3)$$
 et $F = x^2 + 6x + 9$

1. Résoudre l'équation E = 0.

soit
$$4x = 0$$
, soit $x+3=0$
soit $x=0$, soit $x=-3$

Les solutions de l'équation sont x = 0 et x = -3.

2. a. Pour x = -2:

$$F = (-2)^2 + 6 \times (-2) + 9 = 4 - 12 + 9 = 1$$

b.
$$F = x^2 + 6x + 9 = x^2 + 2 \times x \times 3 + 3^2 = (x+3)^2$$

3. a. Développement :

$$E = 4x(x+3) = 4x^2 + 12x$$

b.
$$E-F = 4x^2 + 12x - (x^2 + 6x + 9)$$

 $E-F = 4x^2 + 12x - x^2 - 6x - 9$
 $E-F = 3x^2 + 6x - 9$

c. Factorisation :

E+F =
$$4x(x+3)+(x+3)^2$$

E+F = $(x+3)[4x+(x+3)]$
E+F = $(x+3)[4x+x+3]$
E+F = $(x+3)(5x+3)$

EXERCICE 7 - POITIERS 2000.

$$A = (2x + 1)^2 - (x - 3)(2x + 1)$$

1. Développement :

$$A = 4x^{2} + 4x + 1 - (2x^{2} + x - 6x - 3)$$

$$A = 4x^{2} + 4x + 1 - 2x^{2} - x + 6x + 3$$

$$A = 2x^{2} + 9x + 4$$

2. Factorisation

$$A = (2x+1)[(2x+1)-(x-3)]$$

$$A = (2x+1)[2x+1-x+3]$$

$$A = (2x+1)(x+4)$$

3. Pour $x = -\frac{1}{2}$:

$$A = 2\left(-\frac{1}{2}\right)^2 + 9 \times \left(-\frac{1}{2}\right) + 4 = \frac{1}{2} - \frac{9}{2} + \frac{8}{2} = 0$$

EXERCICE 8 - AFRIQUE 2000.

On donne l'expression : $E = (x - 2)^2 - 4x(x - 2)$

1. Développement :

$$E = x^{2} - 4x + 4 - 4x^{2} + 8x$$
$$E = -3x^{2} + 4x + 4$$

2. Factorisation:

$$E = (x-2)[(x-2)-4x]$$

$$E = (x-2)[x-2-4x]$$

$$E = (x-2)(-3x-2)$$

3. Résoudre l'équation : (x-2)(-3x-2) = 0soit x-2=0, soit -3x-2=0

soit
$$x = 2$$
, soit $-3x = 2$

soit
$$x = 2$$
, soit $x = \frac{2}{-3} = -\frac{2}{3}$

Les solutions de l'équation sont x = 2 et $x = -\frac{2}{3}$.

EXERCICE 9 - ASIE 2000.

On donne : $C = (4x - 3)^2 - (6x + 1)(4x - 3)$.

1. Développement :

$$C = 16x^{2} - 24x + 9 - (24x^{2} - 18x + 4x - 3)$$

$$C = 16x^{2} - 24x + 9 - 24x^{2} + 18x - 4x + 3$$

$$C = -8x^{2} - 10x + 12$$

2. Factorisation :

$$C = (4x-3)[(4x-3)-(6x+1)]$$

$$C = (4x-3)[4x-3-6x-1]$$

$$C = (4x-3)(-2x-4)$$

3. Résoudre l'équation : (4x - 3)(-2x - 4) = 0.

soit
$$4x-3=0$$
, soit $-2x-4=0$

soit
$$4x = 3$$
, soit $-2x = 4$

soit
$$x = \frac{3}{4}$$
, soit $x = \frac{4}{-2} = -2$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{3}{4}$ et x = -2.

EXERCICE 10 - ANTILLES 2000.

On considère l'expression : $C = (2x + 1)^2 - 16$.

1. Développement :

$$C = 4x^2 + 4x + 1 - 16$$

$$C = 4x^2 + 4x - 15$$

2. Factorisation :

$$C = (2x+1)^2 - 4^2$$

$$C = \lceil (2x+1)+4 \rceil \lceil (2x+1)-4 \rceil$$

$$C = [2x+1+4][2x+1-4]$$

$$C = (2x+5)(2x-3)$$

3. Résoudre l'équation : (2x - 3)(2x + 5) = 0.

soit
$$2x - 3 = 0$$
, soit $2x + 5 = 0$

soit
$$2x = 3$$
, soit $2x = -5$

soit
$$x = \frac{3}{2}$$
, soit $x = \frac{-5}{2} = -\frac{5}{2}$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{3}{2}$ et $x = -\frac{5}{2}$.

EXERCICE 11 - LYON 2002

On considère l'expression : $D = (4x - 1)^2 + (x + 3)(4x - 1)$

1. Développement :

$$D = 16x^2 - 8x + 1 + 4x^2 - x + 12x - 3$$

$$D = 20x^2 + 3x - 2$$

2. Factorisation:

$$D = (4x-1)[(4x-1)+(x+3)]$$

$$D = (4x-1)[4x-1+x+3]$$

$$D = (4x-1)(5x+2)$$

3. Résoudre l'équation : (4x - 1)(5x + 2) = 0

soit
$$4x-1=0$$
, soit $5x+2=0$

soit
$$4x = 1$$
, soit $5x = -2$

soit
$$x = \frac{1}{4}$$
, soit $x = \frac{-2}{5} = -\frac{2}{5}$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{1}{4}$ et $x = -\frac{2}{5}$.

EXERCICE 12 - PONDICHERY 2002

$$A = (2x - 3)(2x + 3) - (3x + 1)(2x - 3)$$

1. Développement :

$$A = 4x^2 - 3^2 - (6x^2 - 9x + 2x - 3)$$

$$A = 4x^2 - 9 - 6x^2 + 9x - 2x + 3$$

$$A = -2x^2 + 7x - 6$$

2. Factorisation :

$$A = (2x-3)[(2x+3)-(3x+1)]$$

$$A = (2x-3)[2x+3-3x-1]$$

$$A = (2x-3)(-x+2)$$

3. Résoudre l'équation : (2x - 3)(-x + 2) = 0

soit
$$2x-3=0$$
, soit $-x+2=0$

soit
$$2x = 3$$
, soit $-x = -2$

soit
$$x = \frac{3}{2}$$
, soit $x = \frac{-2}{-1} = 2$

Les solutions de l'équation sont $x = \frac{3}{2}$ et x = 2.

EXERCICE 13 - GRENOBLE 2001

On donne $F = (4x - 3)^2 - (x + 3)(3 - 9x)$

- 1. $(4x-3)^2 = 16x^2 24x + 9$
- 2. $F = 16x^2 24x + 9 (3x 9x^2 + 9 27x)$

$$F = 16x^2 - 24x + 9 - 3x + 9x^2 - 9 + 27x$$

$$F = 25x^2$$

$$\mathbf{F} = (5x)^2$$

3. Trouver les valeurs de x pour lesquelles F = 125

Ceci revient à :
$$25x^2 = 125$$

$$x^2 = \frac{125}{25} = 5$$

$$x^2 - \left(\sqrt{5}\right)^2 = 0$$

$$\left(x+\sqrt{5}\right)\left(x-\sqrt{5}\right)=0$$

soit
$$x + \sqrt{5} = 0$$
, soit $x - \sqrt{5} = 0$

soit
$$x = -\sqrt{5}$$
, soit $x = \sqrt{5}$

Les solutions de l'équation sont $x = -\sqrt{5}$ et $x = \sqrt{5}$.

EXERCICE 14 - NANTES 2002

Soit
$$A = (7x - 3)^2 - 9$$

1. Développement :

$$A = 49x^2 - 42x + 9 - 9$$

$$A = 49x^2 - 42x$$

2. Factorisation:

$$A = (7x-3)^{2} - 3^{2}$$

$$A = (7x-3+3)(7x-3-3)$$

$$A = 7x(7x-6)$$

3. Résoudre l'équation : 7x(7x - 6) = 0

soit
$$7x = 0$$
, soit $7x - 6 = 0$
soit $x = 0$, soit $7x = 6$
soit $x = 0$, soit $x = \frac{6}{7}$

Les solutions de l'équation sont x = 0 et $x = \frac{6}{7}$.

EXERCICE 15 - PARIS 2000.

$$A = (x-5)^2 - (2x-7)(x-5)$$

1. Développement :

$$A = x^{2} - 10x + 25 - (2x^{2} - 10x - 7x + 35)$$

$$A = x^{2} - 10x + 25 - 2x^{2} + 10x + 7x - 35$$

$$A = -x^{2} + 7x - 10$$

2. Factorisation :

$$A = (x-5)[(x-5)-(2x-7)]$$

$$A = (x-5)[x-5-2x+7]$$

$$A = (x-5)(2-x)$$

3. Résoudre l'équation : (x - 5)(-x + 2) = 0.

soit
$$x-5=0$$
, soit $-x+2=0$
soit $x=5$, soit $-x=-2$
soit $x=5$, soit $x=\frac{-2}{-1}=2$

Les solutions de l'équation sont x = 5 et x = 2.